

中国科学引文数据库(CSCD)
 中文科技期刊数据库
 中国核心期刊(遴选)数据库
 日本科学技术振兴机构数据库(JST)

・中国学术期刊(网络版)(CNKI) ・中国学术期刊絵合评价数据库(CAJCED) ・中国経星期刊版出版平台

基于时延-多普勒频移的水下目标定位方法

邱 枫,陈显军,郭东生,刘元琳,徐丹萍

Underwater target localization method by time delay and Doppler shift

QIU Feng, CHEN Xianjun, GUO Dongsheng, LIU Yuanlin, and XU Danping

引用本文:

邱枫, 陈显军, 郭东生, 等. 基于时延-多普勒频移的水下目标定位方法[J]. 全球定位系统, 2025, 50(2): 1-7. DOI: 10.12265/j.gnss.2024168 QIU Feng, CHEN Xianjun, GUO Dongsheng, et al. Underwater target localization method by time delay and Doppler shift[J]. Gnss World of China, 2025, 50(2): 1-7. DOI: 10.12265/j.gnss.2024168

在线阅读 View online: https://doi.org/10.12265/j.gnss.2024168

您可能感兴趣的其他文章

Articles you may be interested in

海面GNSS-R模型与时延-多普勒特征研究

Research on GNSS-R model and delay-Doppler characteristics of reflected signal from sea surface 全球定位系统. 2023, 48(5): 136-142

基于正交子空间投影的伪卫星远近效应消除方法

Method for eliminating pseudolite near-far effect based on orthogonal subspace projection 全球定位系统. 2022, 47(3): 9-15

基于GNSS的无源双基地雷达地面动目标成像方法研究

Ground moving target imaging method study using GNSS-based passive bistatic radar 全球定位系统. 2023, 48(3): 24-32

基于SIC的伪卫星系统抗远近效应捕获算法研究

SIC-based anti near-far effect acquisition method for pseudolites systems 全球定位系统. 2020, 45(1): 12-18

低频地波传播时延计算的地形优化处理方法

Terrain optimization method for low-frequency ground-wave propagation delay calculation 全球定位系统. 2021, 46(4): 27-32

一种基于局部激光高速节点骨干网络的星间链路拓扑规划与仿真优化方法

A method of topology planning and simulation optimization of inter-satellite[JP]link(ISL) based on local laser high-speed node backbone network 全球定位系统. 2020, 45(6): 10-15



关注微信公众号,获得更多资讯信息

DOI: 10.12265/j.gnss.2024168

基于时延-多普勒频移的水下目标定位方法

邱枫1.2,陈显军1,郭东生2,刘元琳1,徐丹萍1

(1. 海口经济学院中芯依智网络学院,海口 570228; 2. 海南大学信息与通信工程学院,海口 570228)

摘 要:由于水下声传感器网络定位中传感器运动效应与声速分层效应导致的定位精度下降问题,提出一种时延-多普勒频移联合定位方法以提升复杂环境适应性.该方法构建了运动效应和分层效应下的时延与多普勒频移联合测量模型,并建立最大似然估计(maximum likelihood estimation, MLE)目标函数,采用高斯-牛顿迭代法求解目标位置.为了保证迭代收敛性,基于声线直线传播假设构建简化模型,通过最小二乘法获取初始解作为迭代起点.仿真表明,忽略运动效应和分层效应会导致定位误差显著增大,所提方法通过考虑两种效应对测量模型的影响,有效提升了定位精度.本方法可以同时补偿运动效应和分层效应,通过分层建模-联合估计-优化迭代策略实现高精度定位,为水下目标定位提供有效解决方案.

关键词:定位;时延;多普勒频移;运动效应;分层效应 中图分类号:P228.4; TP393 文献标志码: A 文章编号:1008-9268(2025)02-0001-07

0 引 言

随着海洋探测领域的快速发展,水下无线传感器 网络 (underwater wireless sensor networks, UWSN) 越 来越受到学术和工业研究人员的关注,已广泛应用于 海洋监测、资源开发、灾害预警、海底测绘、环境保护 等领域^[1].其中,准确的水下传感器位置信息对于完 成上述任务至关重要.在UWSN中,一般使用光波和 声波信号来进行节点定位^[2].虽然光信号具有高宽 带、低延迟、高可靠的特性,但其在水下的传输距离 却极为有限.由于声信号相对于光信号在水中传播时 能量损失较小,从而可以实现远距离传输^[3].在水声 定位技术中,长基线定位系统具有定位精度高和应用 场景广的优势.

在水下定位方法中,根据接收的信号观测量,可以 分为基于接收信号强度 (received signal strength, RSS)、 时延 (time delay, TD)、到达时间差 (time difference of arrival, TDOA)、到达角度 (angle of arrival, AOA)、以 及多普勒频移 (Doppler shift, DS) 的定位方法^[4].近年 来,基于时延和多普勒频移测量的水下定位方法得到 了广泛应用.在文献 [5-6] 中,针对测量模型的非线性 特性,提出了一种基于迭代搜索的最大似然估计 (maximum likelihood estimation, MLE)方法.然而,此 方法中初始解是随机选择的,估计结果容易收敛到局 部最优甚至发散.文献 [7-8]中提出了基于定位问题 的闭合解 (closed form solutions, CFS)方法,不需要初 始解且计算复杂度较低.然而,该方法不能很好地工 作于高噪声的环境.为了提高算法在高噪声环境下的 适应性,文献 [9-10]中提出了半定规划 (semi-definite programming, SDP)算法,该方法可以将目标定位的 非凸问题重构为凸问题进行求解.然而,该算法的解 是次优的且计算复杂度较高.

在实际的水下环境中, 声传感器在信号观测期间 内的运动效应相对于声波信号速度比较显著.因此, 在建立测量模型时, 该运动效应不可忽略. 文献 [11]考虑了传感器在信号观测期间内的运动效应, 提 出了一种新的 TD 和 DS 的观测模型, 并分别给出了 该模型下的 CFS 和 SDP 算法.基于此工作, 文献 [12] 在递归的测量模型基础上, 提出了一种约束加权最小 二乘法的定位方法.此外, 文献 [13] 考虑了二阶噪声 对于位置估计的影响. 文献 [14] 理论分析了在信号观 测期间内忽略传感器运动效应引起的定位模型偏差.

收稿日期:2024-10-21

资助项目:国家自然科学基金 (62463004); 海南省自然科学基金青年基金 (624QN285); 海南省高等学校科学研究项目 (Hnky 2024ZC-19)

由于水下环境的特殊性,上述文献提出的时延和 多普勒频移测量模型不能直接用于水下声传感器网 络中.一是水下声速与深度、温度、密度等许多因素 相关,出现声线弯曲现象,即分层效应^[15].二是由于 水流和潮汐等许多因素影响会导致传感器出现缓慢 运动,造成位置和速度偏差^[16].因此,有必要研究一 种能够结合声线和运动补偿的水下目标定位方法,并 考虑传感器位置和速度偏差,使其更加适应于实际水 下环境,以提高目标定位精度.

鉴于此,本文基于水下声传感器网络,采用长基 线来实现目标定位.

1 测量模型

水下声传感器网络主要包括 *M* 个传感器和一个 待定位的目标. 其中, 传感器作为移动的锚节点用于 目标定位, 目标位置为 $u^{\circ} = [x^{\circ}, y^{\circ}, z^{\circ}]^{T}$.传感器 *i* 的初 始位置为 $t_{i}^{\circ} = [x_{A}^{i}, y_{A}^{i}, z_{A}^{i}]^{T}$, *i* = 1,2,…,*M*. 假设其在信 号观测期间内以速度 $v_{i}^{\circ} = [v_{i,x}, v_{i,y}, v_{i,z}]^{T}$ 进行线性移动. 由于传感器的运动效应, 传感器发射信号时的位置 (t_{i}°)和信号反射回来被接收时的位置(s_{i}°)是不同的, 其运动示意图如图 1 所示.



传感器 *i* 发出的探测信号到达目标后并反射回 来的理想时延τ[°]_i可以表示为

$$\tau_i^{\rm o} = \tau \left(\boldsymbol{u}^{\rm o}, \boldsymbol{t}_i^{\rm o} \right) + \tau \left(\boldsymbol{u}^{\rm o}, \boldsymbol{s}_i^{\rm o} \right) \tag{1}$$

式中: $\tau(u^{\circ}, t_{i}^{\circ})$ 为探测信号从传感器 i 到目标的时延; $\tau(u^{\circ}, s_{i}^{\circ})$ 为从信号反射回来到传感器 i 的时延.

根据传感器在信号观测期间内线性运动的假设, 可以得到 $s_i^o = t_i^o + v_i^o \tau_i^o$,表示为 $s_i^o = [x_B^i, y_B^i, z_B^i]^T$.由于 $s_i^o 与 \tau_i^o$ 有关,因此 τ_i^o 的表达式是递归的.将测量得到 的时延信息组合成向量形式为

$$\boldsymbol{\tau} = [\tau_1, \tau_2, \cdots, \tau_M]^{\mathrm{T}} = \boldsymbol{\tau}^{\mathrm{o}} + \Delta \boldsymbol{\tau}$$
 (2)

式中: τ_i 表示传感器 *i* 测量得到的时延信息; τ° 表示 真实的时延信息, $\tau^{\circ} = [\tau_1^{\circ}, \cdots, \tau_M^{\circ}]^T$; $\Delta \tau$ 为时延信息的 测量噪声, $\Delta \tau^{\circ} = [\Delta \tau_1, \dots, \Delta \tau_M]^{\mathrm{T}}$, $\Delta \tau_i \mathbb{R}$ 从均值为 0, 方差为 σ_τ 的高斯分布.

通过对式(1)两边时间求导数,并乘以探测信号 载频得到多普勒频移的真实值f_i°,如下所示:

$$f_i^{\rm o} = f_i^{\rm c} \left(\dot{\tau} \left(\boldsymbol{u}^{\rm o}, \boldsymbol{t}_i^{\rm o} \right) + \dot{\tau} \left(\boldsymbol{u}^{\rm o}, \boldsymbol{s}_i^{\rm o} \right) \right)$$
(3)

式中: f^o_i为传感器 i 发出的探测信号载频.

同理,将测量的多普勒频移信息组合成向量形 式为

$$\boldsymbol{f} = [f_1, f_2, \cdots, f_M]^{\mathrm{T}} = \boldsymbol{f}^{\mathrm{o}} + \Delta \boldsymbol{f}$$
(4)

式中: f_i 表示传感器 i 测量得到的多普勒频率信息; f° 为真实的多普勒频率信息, $f^{\circ} = [f_1^{\circ}, \dots, f_M^{\circ}]^{\mathsf{T}}$; Δf 为多普勒频率的测量噪声, $\Delta f^{\circ} = [\Delta f_1, \dots, \Delta f_M]^{\mathsf{T}}$, Δf_i 服从均值为 0, 方差为 σ_f 的高斯分布.

进一步地,将时延和多普勒频率信息组合成向量 的形式,可以表示为

$$\boldsymbol{\alpha} = [\boldsymbol{\tau}^{\mathrm{T}}, \boldsymbol{f}^{\mathrm{T}}]^{\mathrm{T}} = \boldsymbol{\alpha}^{\mathrm{o}} + \Delta \boldsymbol{\alpha}$$
 (5)

式中: $\alpha^{\circ} = [(\tau^{\circ})^{T}, (f^{\circ})^{T}]^{T}, \Delta \alpha = [\Delta \tau^{T}, \Delta f^{T}]^{T}$ 服从零均 值的高斯分布,其协方差矩阵为 $Q_{\alpha} = E[\Delta \alpha \Delta \alpha^{T}].$

考虑到传感器节点位置和速度的偏差,所有传感 器节点的测量位置和速度如下所示:

$$\boldsymbol{\beta} = [\boldsymbol{t}^{\mathrm{T}}, \boldsymbol{v}^{\mathrm{T}}]^{\mathrm{T}} = \boldsymbol{\beta}^{\mathrm{o}} + \Delta \boldsymbol{\beta}$$
(6)

式中: $t \pi v \beta$ 别表示测量得到的传感器位置和速度, 具体地, $t = [t_1, \dots, t_M]^T$, $v = [v_1, \dots, v_M]^T$; $\beta^\circ = [(t^\circ)^T$, $(v^\circ)^T$]表示真实传感器位置和速度,具体地, $t^\circ = [t_1^\circ, \dots, t_M^\circ]^T$, $v^\circ = [v_1^\circ, \dots, v_M^\circ]^T$; $\Delta \beta = [\Delta t^T, \Delta v^T]^T$ 表示传 感器位置和速度偏差; 协方差矩阵为 $Q_\beta = E[\Delta \beta \Delta \beta^T]$, $\Delta t = [\Delta t_1, \dots, \Delta t_M]^T$, $\Delta v = [\Delta v_1, \dots, \Delta v_M]^T$. $\Delta t \pi \Delta v \beta$ 别服从均值为 0, 方差分别为 $\sigma_i \pi \sigma_v$ 的高斯分布, 协 方差矩阵分别为 $Q_i \pi Q_v$.

考虑到分层效应^[17],在表达式 (1) 中 $\tau(u^{\circ}, t_{i}^{\circ})$ 和 $g_{i}||u^{\circ} - t_{i}|| = v_{i}^{\mathsf{T}}t_{i} - v_{i}^{\mathsf{T}}u^{\circ}$ 分别表示为

$$\tau(\boldsymbol{u}^{\mathrm{o}}, \boldsymbol{t}_{i}^{\mathrm{o}}) = -\frac{1}{a} \left(\ln \frac{1 + \sin \theta_{i}^{\mathrm{R}}}{\cos \theta_{i}^{\mathrm{R}}} - \ln \frac{1 + \sin \theta_{i}^{\mathrm{S}}}{\cos \theta_{i}^{\mathrm{S}}} \right) \quad (7)$$

$$\boldsymbol{r}(\boldsymbol{u}^{\circ},\boldsymbol{s}_{i}^{\circ}) = -\frac{1}{a} \left(\ln \frac{1 + \sin \tilde{\theta}_{i}^{\mathsf{R}}}{\cos \tilde{\theta}_{i}^{\mathsf{R}}} - \ln \frac{1 + \sin \tilde{\theta}_{i}^{\mathsf{S}}}{\cos \tilde{\theta}_{i}^{\mathsf{S}}} \right) \quad (8)$$

式中: a 为声速梯度; 当传感器 i 发射探测信号后, θ_i^s 和 θ_i^s 分别表示传输声线在传感器 $i(t_i^o)$ 和目标处的射 线角度; 当信号从目标反射回来时, $\tilde{\theta}_i^o$ 和 $\tilde{\theta}_i^o$ 分别表示 反射的声线在传感器 $i(s_i^o)$ 和目标处的射线角度.

式 (3) 中 $\dot{\tau}(\boldsymbol{u}_{i}^{o},\boldsymbol{t}_{i}^{o})$ 和 $\dot{\tau}(\boldsymbol{u}^{o},\boldsymbol{s}_{i}^{o})$ 的具体表达式为

$$\dot{\tau}(\boldsymbol{u}^{\circ},\boldsymbol{t}_{i}^{\circ}) = -\frac{1}{a} \left[\frac{1}{\cos \theta_{i}^{\mathsf{R}}} (\gamma_{i}^{\beta} - \gamma_{i}^{\alpha}) - \frac{1}{\cos \theta_{i}^{\mathsf{S}}} (\gamma_{i}^{\beta} + \gamma_{i}^{\alpha}) \right] \quad (9)$$

$$\dot{\boldsymbol{\tau}}(\boldsymbol{u}^{\mathrm{o}},\boldsymbol{s}_{i}^{\mathrm{o}}) = -\frac{1}{a} \left[\frac{1}{\cos \tilde{\theta}_{i}^{\mathrm{R}}} (\tilde{\gamma}_{i}^{\beta} - \tilde{\gamma}_{i}^{\alpha}) - \frac{1}{\cos \tilde{\theta}_{i}^{\mathrm{S}}} (\tilde{\gamma}_{i}^{\beta} + \tilde{\gamma}_{i}^{\alpha}) \right]$$
(10)

其中:
$$\gamma_i^{\beta} = \frac{-v_{i,z}r_i^2 + (z^0 - z_A^i)\dot{r}_i}{d_i^2 r_i}$$
;
 $\gamma_i^{\alpha} = -\frac{0.5aq_i\dot{r}_i + (0.5a)^2r_i^2v_{i,z}}{(p_i^2 + q_i^2)r_i}$; $\tilde{\gamma}_i^{\beta} = \frac{-\tilde{v}_{i,z}\tilde{r}_i^2 + (z^0 - z_B^i)\tilde{r}}{\tilde{d}_i^2\tilde{r}_i}$;
 $\tilde{\gamma}_i^{\alpha} = -\frac{0.5a\tilde{q}_i\tilde{r}_i + (0.5a)^2\tilde{r}_i^2\tilde{v}_{i,z}}{(\tilde{p}_i^2 + \tilde{q}_i^2)r_i}$;
 $r_i = \sqrt{(x^0 - x_A^i)^2 + (y^0 - y_A^i)^2}$;
 $\tilde{r}_i = \sqrt{(x_i - x_B^i)^2 + (y_i - y_B^i)^2}$;
 $\tilde{r}_i = (x^0 - x_A^i)v_{i,x} + (y^0 - y_A^i)v_{i,y}$;
 $\tilde{r} = (x^0 - x_B^i)\tilde{v}_{i,x} + (y^0 - y_B^i)\tilde{v}_{i,y}$; $d_i = \sqrt{r_i^2 + (z^0 - z_A^i)^2}$;
 $\tilde{d}_i = \sqrt{\tilde{r}_i^2 + (z^0 - z_B^i)^2}$; $p_i = 0.5ar_i$; $q_i = b + 0.5a(z^0 + z_A^i)$;
 $\tilde{p}_i = 0.5a\tilde{r}_i$; $\tilde{q}_i = b + 0.5a(z^0 + z_B^i)$; b 为水 面声速;
 $[\tilde{v}_{i,x}, \tilde{v}_{i,y}, \tilde{v}_{i,z}] = (1 + \dot{\tau}(\mathbf{u}^0, \mathbf{t}_i^0) + \dot{\tau}(\mathbf{u}^0, \mathbf{s}_i^0))[v_{i,x}, v_{i,y}, v_{i,z}]$.

水下定位方案 2

本文所提的水下定位方案主要包含两大部分:首 先是建立声线直线传输假设下的测量模型,并通过 CFS 方法得到初始解,其次在考虑声线弯曲和锚节点 运动效应的条件下,建立最大似然代价函数,并运用 高斯-牛顿迭代法求解精确解.算法流程如图2所示.



图 2 水下定位流程图

2.1 高斯-牛顿迭代法

时延和多普勒频移的测量模型具有递归和非线 性特性从而导致该模型下的最大似然函数极其复杂.

高斯-牛顿法具有计算效率高、局部收敛快的优点.因 此,将使用高斯-牛顿迭代法来实现目标的位置估计. 根据时延和多普勒频移的观测量模型,建立关于未知 量u的 MLE, 如下所示:

$$J_{\tau,f}(\boldsymbol{u}) = (\boldsymbol{\alpha} - \boldsymbol{h}(\boldsymbol{u}))^{\mathrm{T}} \boldsymbol{Q}_{\alpha}^{-1}(\boldsymbol{\alpha} - \boldsymbol{h}(\boldsymbol{u}))$$
(11)

式中: $h(u) = [\tau(u)^T, f(u)^T]^T, \tau(u) 和 f(u) 表示关于未$ 知向量u的时延和多普勒频率的参数形式,如式 (7) 和 (8) 所示. α为测量值, 如式 (5) 所示.

使用高斯-牛顿迭代法解算出目标位置,根据初 始解 $u^{(0)}$, h(u)的线性表达式可以表示为

$$\boldsymbol{h}(\boldsymbol{u}) \simeq \boldsymbol{h}\left(\boldsymbol{u}^{(0)}\right) + \boldsymbol{G}_{\tau,f}^{(0)}\left(\boldsymbol{u} - \boldsymbol{u}^{(0)}\right)$$
(12)

式中: G_{rf}表示迭代梯度矩阵, 其具体表达式为

$$\boldsymbol{G}_{\tau,f}^{(0)} \triangleq \left. \frac{\partial \boldsymbol{h}(\boldsymbol{u})}{\partial \boldsymbol{u}} \right|_{\boldsymbol{u}=\boldsymbol{u}^{(0)}} \tag{13}$$

将式(13)带入式(12)中,并使其最小化,从而可 以得到u的解.因此,其迭代求解过程如下:

$$\boldsymbol{u}^{(k+1)} = \boldsymbol{u}^{(k)} + (\boldsymbol{G}_{\tau,f}^{(k)T} \boldsymbol{Q}_{\alpha}^{-1} \boldsymbol{G}_{\tau,f}^{(k)})^{-1} \boldsymbol{G}_{\tau,f}^{(k)T} \boldsymbol{Q}_{\alpha}^{-1} (\boldsymbol{\alpha} - \boldsymbol{h}(\boldsymbol{u}^{(k)})) \quad (14)$$

式中: k = 0,1,2,…,为迭代次数; u^(k)为第 k 次迭代后 得到的解; $h(u^{(k)}) = [\tau(u^{(k)})^T, f(u^{(k)})^T]^T$ 为 $u = u^{(k)}$ 时时 延和多普勒频率的值; $G_{\tau f}^{(k)}$ 为在 $u = u^{(k)}$ 时的梯度矩阵. 迭代的终止条件设置为 $||u^{(k+1)} - u^{(k)}|| < \varepsilon \operatorname{out} k > N_{\max}$. 2.2 基于 CFS 的初始解

为了保证上述迭代实现全局收敛,需要提供一个 良好的初始解u⁽⁰⁾.建立声线直线传输假设下时延和 多普勒频率测量模型,并利用最小二乘法解算目标的 初始位置,从而获得基于 CFS 的初始解u[®]. 在声线 直线传输的假设下,时延信息模型如下:

$$c\tau_i^{\mathrm{o}} - \left\| \boldsymbol{u}^{\mathrm{o}} - \boldsymbol{t}_i^{\mathrm{o}} \right\| = \left\| \boldsymbol{u}^{\mathrm{o}} - \boldsymbol{t}_i^{\mathrm{o}} - \boldsymbol{\tau}_i^{\mathrm{o}} \boldsymbol{v}_i^{\mathrm{o}} \right\|$$
(15)

式中:c为平均声速.对式(15)的两边同时平方,并整 理可得

$$(c^{2} - \boldsymbol{v}_{i}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{v}_{i})\boldsymbol{\tau}_{i}^{\mathrm{o}} = 2c \|\boldsymbol{u}^{\mathrm{o}} - \boldsymbol{t}_{i}\| - 2(\boldsymbol{u}^{\mathrm{o}} - \boldsymbol{t}_{i})^{\mathrm{T}}\boldsymbol{v}_{i} \qquad (16)$$

将 $\tau_i = \tau_i^{o} + \Delta \tau_i$, $t_i = t_i^{o} + \Delta t_i$, $v_i = v_i^{o} + \Delta v_i$ 带人式 (16),忽略二阶误差,可以得到

$$c_i + \mathbf{v}_i^{\mathrm{T}} \mathbf{t}_i / c - \| \mathbf{u}^{\mathrm{o}} - \mathbf{t}_i \| \simeq \xi_i^{\mathrm{\tau}}$$
(17)

式中: $c_i = a_i \tau_i - b_i$; $a_i = (c - ||\mathbf{v}_i||^2 / c) / 2$; $b_i = \mathbf{v}_i^{\mathrm{T}} \mathbf{t}_i / c$; $\xi_i^{\mathrm{T}} =$ $a_i \Delta \tau_i - \boldsymbol{c}_{t,i}^{\mathrm{T}} \Delta t - \boldsymbol{c}_{v,i}^{\mathrm{T}} \Delta v$; $\boldsymbol{c}_{t,i} = \boldsymbol{v}_i / c - \boldsymbol{\rho}_{\boldsymbol{u}^\circ - t_i}$; $c_{v,l} = (\boldsymbol{v}_l \tau_l + t_i - t_i)$ $(u^{0})/c$; $\rho_{uf^{\rho}-t_{i}} = (u^{0}-t_{i}^{0}) / ||u^{0}-t_{i}^{0}||.$

将式(17)的两边同时平方,整理可得

$$2\|\boldsymbol{u}^{\circ}-\boldsymbol{t}_{i}\|\boldsymbol{\xi}_{i}^{\tau}\simeq c_{i}^{2}-\boldsymbol{t}_{i}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{t}_{i}+2[\boldsymbol{t}_{i}+c_{i}\boldsymbol{v}_{i}/c]^{\mathrm{T}}\boldsymbol{u}^{\circ}+\boldsymbol{q}_{i,\tau}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{\gamma}^{\circ} \quad (18)$$

式中: $\gamma^{\circ} = [\boldsymbol{u}^{\circ \mathsf{T}} \odot \boldsymbol{u}^{\circ \mathsf{T}}, x^{\circ} y^{\circ}, x^{\circ} z^{\circ}, y^{\circ} z^{\circ}]^{\mathsf{T}}; \boldsymbol{q}_{i,\tau} = \odot \boldsymbol{v}_{i}^{\mathsf{T}}, 2 v_{i,x} v_{i,y},$ $2 v_{i,x} v_{i,z}, 2 v_{i,y} v_{i,z}]^{\mathsf{T}} / c^{2} - [1, 1, 1, 0, 0, 0]^{\mathsf{T}}.$

根据 γ° ,定义新的未知向量, $\varphi_1^{\circ} = [u^{\circ T}, \gamma^{\circ T}]^{T}$,因此,式(18)可以表示为

$$\boldsymbol{B}_{\tau}\boldsymbol{\xi}^{\tau}\simeq\boldsymbol{h}_{\tau}-\boldsymbol{A}_{\tau}\boldsymbol{\varphi}_{1}^{\mathrm{o}} \tag{19}$$

式中: $h_{\tau}(i) = c_i^2 - t_i^{\mathsf{T}} t_i$; $A_{\tau}(i, :) = [-2[t_i + c_i v_i/c]^{\mathsf{T}}, -q_{i,\tau}^{\mathsf{T}}]$; B_{τ} 为对角矩阵, $B_{\tau}(i, i) = 2||u^\circ - t_i||$; $\xi^{\tau} = C_{\tau} \Delta \tau + C_t \Delta t + C_v \Delta v$, C_{τ} 为对角矩阵, $C_{\tau}(i, i) = c_{\tau,i}$; $C_t 和 C_v$ 均为块对角矩阵, $C_t(3i-2:3i,i) = c_{t,i}^{\mathsf{T}}$; $C_v(3i-2:3i,i) = c_{v,i}^{\mathsf{T}}$.

对式 (16) 在时间上求导, 得到多普勒频移信息 的观测方程, 如下所示:

$$g_i \|\boldsymbol{u}^{\mathrm{o}} - \boldsymbol{t}_i\| = \boldsymbol{v}_i^{\mathrm{T}} \boldsymbol{t}_i - \boldsymbol{v}_i^{\mathrm{T}} \boldsymbol{u}^{\mathrm{o}}$$
(20)

式中: $g_i = a_i f_i^{\text{o}} / f_i^{\text{c}} - d_i$; $d_i = ||\mathbf{v}_i||^2 / c$.

将 $f_i = f_i^{o} + \Delta f_i$, $t_i = t_i^{o} + \Delta t_i$, $v_i = v_i^{o} + \Delta v_i$ 带入, 可 以得到

$$2\boldsymbol{v}_{i}^{\mathrm{T}}(\boldsymbol{u}^{\mathrm{o}}-\boldsymbol{t}_{i})\boldsymbol{\xi}_{i}^{f}\simeq\boldsymbol{g}_{i}^{2}\boldsymbol{t}_{i}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{t}_{i}-(\boldsymbol{t}_{i}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{v}_{i})^{2} -2(\boldsymbol{g}_{i}^{2}\boldsymbol{t}_{i}-\boldsymbol{v}_{i}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{t}_{i}\boldsymbol{v}_{i})\boldsymbol{u}^{\mathrm{o}}-\boldsymbol{q}_{i,f}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{\gamma}^{\mathrm{o}}$$
(21)

式中: $\xi_i^f = d_{f,i}\Delta f_i - d_{t,i}^T\Delta t - d_{v,i}^T\Delta v$; $d_{f,i} = a_i ||u^o - t_i|| / f_i^c$; $d_{t,i} = g_i \rho_{u^o - t_i} + v_i$; $d_{v,i} = [(f_i/cf_i^c + 2/c)v_i - \rho_{u^o - t_i}] ||u^o - t_i||$; $q_{i,f} = [v_i^T \odot v_i^T, 2v_{i,x}v_{i,y}, 2v_{i,x}v_{i,z}, 2v_{i,y}v_{i,z}]^T - g_i^2 [1, 1, 1, 0, 0, 0]^T$ 式 (21) 的向量表达式如下所示:

$$\boldsymbol{B}_{f}\boldsymbol{\xi}^{f}\simeq\boldsymbol{h}_{f}-\boldsymbol{A}_{f}\boldsymbol{\varphi}_{1}^{\mathrm{o}} \tag{22}$$

式中: $h_f(i) = g_i^2 t_i^{\mathsf{T}} t_i - (t_i^{\mathsf{T}} v_i)^2; A_f(i,:) = [2(g_i^2 t_i - v_i^{\mathsf{T}} t_i v_i),$ $q_{i,f}^{\mathsf{T}}]; B_f(i,i) = 2(v_i^{\mathsf{T}} u^o - v_i^{\mathsf{T}} t_i).\xi^f = D_f \Delta f + D_t \Delta t + D_v \Delta v,$ D_f 为对角矩阵, 具体地, $D_f(i,i) = d_{f,i}; D_t 和 D_v$ 均为块 对角矩阵, $D_t(3i-2:3i,i) = d_{t,i}^{\mathsf{T}}; D_v(3i-2:3i,i) = d_{v_i}^{\mathsf{T}};$

利用时延和多普勒频率的测量信息联合求解未 知向量u,将式(19)和式(22)组合得到

$$\boldsymbol{B}_1\boldsymbol{\xi}\simeq\boldsymbol{h}_1-\boldsymbol{A}_1\boldsymbol{\varphi}_1^{\rm o} \tag{23}$$

式中: $A_1 = [A_{\tau}, A_f]; h_1 = [h_{\tau}, h_f]; B_1 = blkdiag\{B_{\tau}, B_f\};$ $\xi = [\xi^{\tau}, \xi^{f}].$ 因此,可以得到未知向量 φ_1 的解为

$$\boldsymbol{\varphi}_1 = \left(\boldsymbol{A}_1^{\mathrm{T}} \boldsymbol{W}_1 \boldsymbol{A}_1\right)^{-1} \boldsymbol{A}_1^{\mathrm{T}} \boldsymbol{W}_1 \boldsymbol{h}_1, \qquad (24)$$

式中: 权重向量为 $W_1 = (B_1Q_1B_1^T)^{-1}, Q_1 = E[\xi\xi^T].$ 因此,可以得到基于 CFS 的初始解为 $u^{(0)} = \varphi_1(1:3).$

3 水下定位方案

仿真环境为 1.5 km×1.5 km×0.5 km 的三维水域, 其中存在 1 个待定位的水下目标和 24 个水下传感 器. 选定的目标节点位置为 $u^{\circ} = [500,800,80]^{T}$,水下 传感器的速度设定为 $||v_i|| = 10$ m/s,其位置坐标随机 分布于目标水域中.为了防止传感器距离太近导致定 位精度退化,其位置必须满足 $||s_i^{\circ} - s_j^{\circ}|| \ge 400$ m, $i, j = 1, 2, \dots, M$,且i < j.为了防止信号的频率干扰,传感 器发出的探测信号的载频设置为 $f_{i+1}^{\circ} - f_i^{\circ} = 0.25$ kHz, $i = 1, 2, \dots, M - 1$.水下声速模型中声速梯度 a=0.1,水 面声速为 b=1 450 m/s.

时延信息和多普勒频率信息叠加的独立高斯白噪声的方差分别为 $\sigma_{\tau}^2 \pi \sigma_{f}^2$,设置为 $\sigma_{f}^2 = 100\sigma_{\tau}^2$.根据协方差矩阵 $Q_{\beta} = \sigma_{\beta}^2$ ·blkdiag{ I_{3M} ,0.1 I_{3M} }来仿真具有偏差的水下传感器位置和速度,如公式(6)所示.通过1000次蒙特卡洛仿真,统计得到不同 σ_{τ}^2 情况下水下目标位置坐标的均方根误差(root mean square error, RMSE).在仿真中,为了验证所提算法的有效性,与现有方法进行了对比,主要包括:

1) CFS-MLE 表示本文所提出的水下定位算法, 即建立 MLE, 然后使用高斯-牛顿迭代法寻找最优解. 然后, 基于 CFS 的目标位置初始解, 来保证上述迭代 算法收敛于最优值.

2) SDP-MLE 表示建立 MLE, 然后使用高斯-牛顿迭代法寻找最优解. 然后, 基于 SDP 的目标位置初始解, 来保证上述迭代算法收敛于最优值.

3) CFS 表示在不补偿分层效应的情况下用于目标定位的 CFS 解决方案, 如文献 [11] 所述.

4) SDP 表示在不补偿分层效应的情况下用于目标定位的 SDP 解决方案,如文献 [13] 所述.

5) MLE-随机表示建立 MLE, 然后使用高斯-牛顿迭代法寻找最优解, 其初始解随机取值.

6) CFS-LM 表示在构建 MLE 模型的基础上,采用 Levenberg-Marquardt(LM) 算法求解最优解,该方法的初始值来自本文所提出的 CFS 方法.

图 3 给出了不同噪声值下的定位性能. 当具有小噪声水平时, CFS-MLE 和 SDP-MLE 方法的 RMSE 都达到了 CRLB 性能. 虽然当噪声水平增加到中等或 者较大水平时, CFS-MLE 的性能会逐渐远离 CRLB 精度限, 但它可以提供比其他方法更高的精度. 另外, 无论测量噪声水平如何, 由于 CFS 和 SDP 方法忽略 了水下的分层效应, 造成了测量模型偏差, 均无法达到 CRLB 性能. MLE-随机方法的估计精度较差, 因为随机的初始解可能会导致定位结果收敛到局部最优值. CFS-LM 方法的性能与本文所提算法较为接近, 但该方法需要通过多次迭代来调整参数, 其计算复杂 度相较于本文方法更高.



图 3 不同定位方法下的性能对比

表1显示了不同定位方法在 MATLAB 中的平 均处理时间. CFS-MLE 方法由于考虑了分层效应,因 此其处理时间约是 CFS 方法的 2.5 倍,但整体时间开 销相对于其他方法较低. SDP-MLE 方法略高于 SDP,总体来说两者的处理时间都比其他方法高很 多,在耗时方面不具有优势.此外,测量噪声水平的不 同对这些方法的平均处理时间几乎没有影响.

定位方法	噪声水平	
	0 dB	5 dB
CFS-MLE	0.296	0.297
SDP-MLE	0.679	0.675
CFS	0.083	0.085
SDP	0.634	0.647
MLE-随机	0.213	0.216
CFS-LM	0.352	0.353

表 1 不同定位方法下的平均处理时间 ms

图 4 给出了忽略信号观测期间内传感器运动效 应下的定位性能,其中 σ_{β} =0.5 m.可以看出,由于忽 略传感器的运动效应会导致时延和多普勒频移观测 方程的偏差,从而导致定位性能下降.因此,在水下定 位中,考虑传感器运动效应非常有必要.

图 5 给出了忽略传感器位置和速度偏差时的定位性能,其中||ν_i|| = 10 m/s和σ_τ=1 ms. 从结果可以看出,忽略传感器的位置和速度误差会导致定位性能的下降,且随着σ_β的增大,其偏差会增大.



4 结束语

本文提出了一种基于时延-多普勒频移的水下目标定位方法,该方法中联合考虑了水下环境的分层效应,传感器在信号观测期间的运动效应,以及传感器的位置和速度偏差.在此条件下,建立时延和多普勒频移的测量模型,随后构建了基于时延-多普勒频移的MLE,并利用高斯-牛顿迭代法来估计目标的位置.为了保证迭代方法能够实现全局收敛,提出了在声线直线传输条件下的数学 CFS,并作为高斯-牛顿迭代的初始解.仿真结果显示,该方法具有良好的定位性能,并且在水下定位系统中忽视传感器的运动效应、位置和速度误差将会导致测量模型的偏差,从而降低定位精度.此外,解决锚节点的非线性运动特性以及多元传感器融合等问题将作为下一步的主要研究方向.

参考文献

- [1] 宋跃才,林海涛, 卞媛,等. 基于移动信标的水下无线传感
 器网络定位算法 [J]. 电子测量技术, 2023, 46(5): 44-49.
- [2] SAEED N, CELIK A, AL-NAFFOURI T Y, et al. Localization of energy harvesting empowered underwater optical wireless sensor networks[J]. IEEE transactions on wireless communications, 2019, 18(5): 2652-2663. DOI: 10.1109/TWC.2019.2906309
- [3] 张涛,夏茂栋,张佳宇,等.水下导航定位技术综述[J]. 全球 定位系统, 2022, 47(4): 1-16.
- [4] 李芳馨, 涂锐, 韩军强, 等. 基于 5G 毫米波到达时间差的室 内定位算法 [J]. 全球定位系统, 2021, 46(2): 1-6.
- [5] WANG Y, HO K C. TDOA positioning irrespective of source range [J], IEEE transactions on signal processing, 2017, 65(6): 1447–1460. DOI: 10.1109/TSP.2016.2630030
- [6] 刘树东,梁婷蓉,王燕,等.基于多模态信息融合的水下移动目标定位[J].导航定位学报,2022,10(3):14-24.
- LIU Y, YANG L, HO K C. Moving target localization in multistatic sonar by differential delays and Doppler shifts[J].
 IEEE signal processing letters, 2016, 23(9): 1160-1164. DOI: 10.1109/LSP.2016.2582043
- [8] GONG Z J, LI C, JIANG F, et al. AUV-Aided localization of underwater acoustic devices based on Doppler shift measurements[J]. IEEE transactions on wireless communications, 2020, 19(4): 2226-2239. DOI: 10.1109/ TWC.2019.2963296
- [9] QI Q K, LI Y M, GUO Q. A semidefinite relaxation solution for time delay and doppler shift localization considering sensor location errors and its bias reduction scheme[J]. IEEE internet of things journal, 2022, 9(24): 24890-24902. DOI: 10.1109/JIOT.2022.3194897
- [10] AMIRI R, BEHNIA F, NOROOZI A. Efficient joint moving target and antenna localization in distributed MIMO radars[J].
 IEEE transactions on wireless communications, 2019, 18(9): 4425-4435. DOI: 10.1109/TWC.2019.2924626
- [11] JIA T Y, HO K C, WANG H Y, et al. Effect of sensor motion on time delay and doppler shift localization: analysis and solution[J]. IEEE transactions on signal processing, 2019,

67(22): 5881-5895. DOI: 10.1109/TSP.2019.2946025

- JIA T Y, WANG H Y, WANG G, et al. Localization using time-delay and Doppler shift by moving monostatic sensors[J]. IEEE transactions on aerospace and electronic systems, 2022, 58(3): 2560-2567. DOI: 10.1109/TAES.2021. 3117660
- [13] QI Q K, LI Y M, GUO Q. A convex relaxation algorithm for source localization considering sensor motion in wireless sensor networks[J]. IEEE communications letters, 2021, 25(6): 1867-1871. DOI: 10.1109/LCOMM.2021.3062668
- [14] JIA T Y, LIU H W, HO K C, et al. Mitigating sensor motion effect for AOA and AOA-TOA localizations in underwater environments[J]. IEEE transactions on wireless communications, 2023, 22(9): 6124-6139. DOI: 10.1109/TWC. 2023.3239544
- [15] ZHANG M, XU W, XU Y X. Inversion of the sound speed with radiated noise of an autonomous underwater vehicle in shallow water waveguides[J]. IEEE journal of oceanic engineering, 2016, 41(1): 204-216. DOI: 10.1109/JOE.2015. 2418172
- [16] LI Z, DOSSO S E, SUN D J. Motion-compensated acoustic localization for underwater vehicles[J]. IEEE journal of oceanic engineering, 2016, 41(4): 840-851. DOI: 10.1109/JOE. 2015.2503518
- [17] 闫敬, 张婷, 尤康林, 等. 考虑锚节点位置不确定的水下目 标定位算法研究 [J]. 电子与信息学报, 2024, 46(1): 67-73.

作者简介

邱枫 (1991—), 女, 博士, 高级工程师, 主要研究 领域为信号处理, 水下目标定位和跟踪. E-mail: fqiu@ hainanu.edu.cn

陈显军 (1981—), 男, 硕士, 教授, 主要研究领域 为水下图像处理及应用. E-mail: nmcang@hainanu. edu.cn

郭东生 (1987—), 男, 博士, 教授, 主要研究领域 为水下机器人控制和导航. E-mail: gdongsh2022@ hainanu.edu.cn

Underwater target localization method by time delay and Doppler shift

QIU Feng^{1,2}, CHEN Xianjun¹, GUO Dongsheng², LIU Yuanlin¹, XU Danping¹

(1. ZX-YZ School of Network Science, Haikou University of Economics, Haikou 570228, China; 2. School of Information and Communication Engineering, Hainan University, Haikou 570228, China)

Abstract: To address the problem of localization accuracy degradation in underwater acoustic sensor

networks caused by sensor motion effects and sound speed stratification effects, a joint time delay and Doppler shift localization method is proposed to enhance the adaptability in complex environments. The method establishes a joint measurement model of time delay and Doppler frequency shift under motion and stratification effects, constructs a maximum likelihood estimation (MLE) objective function, and solves the target position using the Gauss-Newton iterative method. To ensure iterative convergence, a simplified model based on the assumption of straight-line acoustic propagation is developed, with initial solutions obtained by the least squares method serving as iterative starting points. Simulation results demonstrate that neglecting motion and stratification effects leads to significant increases in localization errors. The proposed method effectively improves localization accuracy by considering both effects in the measurement model. This method enables simultaneous compensation for motion and stratification effects. Through a strategy of layered modeling-joint estimation-optimization iteration, it achieves high-precision localization, providing an effective solution for underwater target localization.

Keywords: localization; time delay; Doppler shift; motion effect; stratification effect